

This work is licensed under a Creative Commons “Attribution-NonCommercial-ShareAlike 3.0 Unported” license.



# 1 Logic

## 1.1 Truth Table

- $p \vee \neg q$

$p$	$q$	$\neg q$	$p \vee \neg q$
T	T	F	T
T	F	T	T
F	T	F	F
F	F	T	T

- $(p \vee q) \wedge \neg p$

$p$	$q$	$p \vee q$	$\neg p$	$(p \vee q) \wedge \neg p$
T	T	T	F	F
T	F	T	F	F
F	T	T	T	T
F	F	F	T	F

- $(p \wedge q) \vee (\neg p \vee q)$

$p$	$q$	$\neg p$	$p \wedge q$	$\neg p \vee q$	$(p \wedge q) \vee (\neg p \vee q)$
T	T	F	T	T	T
T	F	F	F	F	F
F	T	T	F	T	T
F	F	T	F	T	T

## 1.2 Logical Equivalence

- $\neg p \rightarrow (q \vee r) \equiv p \vee q \vee r$

$p$	$q$	$r$	$\neg p$	$q \vee r$	$\neg p \rightarrow (q \vee r)$	$p \vee q \vee r$
$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$
$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$

- $\neg q \rightarrow (r \vee p) \equiv q \vee r \vee p$

$p$	$q$	$r$	$\neg q$	$r \vee p$	$\neg q \rightarrow (r \vee p)$	$p \vee q \vee r$
$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$
$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$

### 1.3 Argument

#### Hypotheses

- $p \vee q$
- $r$
- $r \rightarrow \neg q$

#### Conclusion

- $p$

$$p \vee q$$

$$r$$

$$r \rightarrow \neg q$$

---

$$p \vee q$$

$$\text{X}$$

$$\neg \text{X} \vee \neg q$$

---

$$p \vee \text{X}$$

$$\neg \text{X}$$

---

$$p$$

$cf)$

$$H_1 \equiv p \vee q$$

$$H_2 \equiv r$$

$$H_3 \equiv r \rightarrow \neg q$$

$p$	$q$	$r$	$\neg q$	$p \vee q$	$r \rightarrow \neg q$	$H_1 \wedge H_2 \wedge H_3$	$p$
$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$
$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$
$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$
$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$
$F$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$